

## O Problema de *Flow Shop Cross-Docking* com Duas Máquinas: Formulação Indexada no Tempo e Relaxação Lagrangeana

Marcelus Fabri Lima, Renato Curi, Martín Gómez Ravetti

Departamento de Engenharia de Produção, Universidade Federal de Minas Gerais,  
Belo Horizonte, MG, Brasil

Palavras-chave. *Cross-docking*. Relaxação Lagrangeana. *Flow Shop*.

O trabalho aborda o problema de sequenciamento de caminhões em uma estação de *cross-docking*. Uma formulação de programação inteira indexada no tempo e um algoritmo de relaxação Lagrangeana são propostos e testados. O modelo é baseado em um problema de sequenciamento do tipo *flow shop* de dois estágios com restrições de precedência. A solução é feita por meio do software comercial CPLEX. Os resultados computacionais mostram que essa estratégia é uma proposta viável para o estudo de instâncias associadas a casos práticos ligados a indústria.

### Formulação Completa

$$\min \sum_{j \in J^2} \sum_{t=0}^{T-p_{2j}} (t + p_{2j}) y_{jt}$$

s.t.

$$\sum_{t=0}^{T-p_{1j}} x_{jt} = 1 \quad \forall j \in J^1 \quad (1)$$

$$\sum_{t=0}^{T-p_{2j}} y_{jt} = 1 \quad \forall j \in J^2 \quad (2)$$

$$\sum_{t=0}^{T-p_{2j}} t \cdot y_{jt} - \sum_{t=0}^{T-p_{1k}} (t + p_{1k}) x_{kt} \geq 0 \quad \forall j \in J^2 \wedge \forall k \in S_j \quad (3)$$

$$\sum_{j \in J^1} \sum_{s=\max(0; t-p_{1j}+1)}^t x_{js} \leq 1 \quad \forall t \in T \quad (4)$$

$$\sum_{j \in J^2} \sum_{s=\max(0; t-p_{2j}+1)}^t y_{js} \leq 1 \quad \forall t \in T \quad (5)$$

$$x_{jt} \in \{0,1\} \quad \forall j \in J^1, \forall t \in T \quad (6)$$

$$y_{jt} \in \{0,1\} \quad \forall j \in J^2, \forall t \in T \quad (7)$$

### Derivações do Subproblema Lagrangeano

#### Subproblema em $x$

$$L(\lambda)_x = \min \sum_{j \in J^2} \sum_{k \in S_j} \lambda_{jk} \sum_{t=0}^{T-p_{1k}} (t + p_{1k}) x_{kt}$$

s.t.

(1), (4), (6) e (8) – Restrições que contêm  $x$ .

#### Subproblema em $y$

$$L(\lambda)_y = \min \sum_{j \in J^2} \sum_{t=0}^{T-p_{2j}} (t + p_{2j}) y_{jt} - \sum_{j \in J^2} \sum_{k \in S_j} \lambda_{jk} \sum_{t=0}^{T-p_{2j}} t \cdot y_{jt}$$

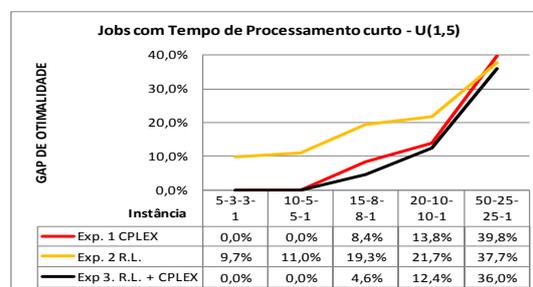
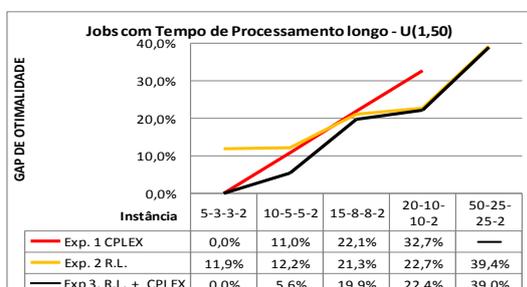
s.t.

(2), (5), (7) e (8) – Restrições que contêm  $y$ .

**Experimento 1:** Avalia os resultados da formulação original;

**Experimento 2:** Avalia a aplicação da Relaxação Lagrangeana associada ao algoritmo do Subgradiente para resolver o Dual Lagrangeano;

**Experimento 3:** A melhor solução viável do 2º experimento é utilizada como entrada para a resolução da formulação original pelo software CPLEX.



### Conclusões

- O tamanho do horizonte de tempo tem impacto direto na resolução do problema.
- A formulação indexada no tempo é responsável por melhorar o limite inferior do problema.
- O número de variáveis da formulação é muito grande comprometendo seu desempenho.
- A relaxação Lagrangeana obtém bons valores dos limites em tempo reduzido,
- Trabalhos futuros podem focar na melhoria desses limites por meio de procedimentos polinomiais, associando os resultados do Dual Lagrangeano com heurísticas.